

平成24年度 (2012年度)
センター試験 数学② 情報関係基礎 <<解説>>

第1問(必答問題)

問1 a

この問にはおよそ2通りの解法がある。

【解法1】16進数を2進数に変換し、それから2進数を10進数に変換する。

$$\begin{array}{ccc} \text{16進数} & & \text{2進数} & & \text{10進数} \\ 1\ 2\ 4 & \Rightarrow & 0001\ 0010\ 0100 & \Rightarrow & 2\ 9\ 2 \end{array}$$

【解法2】16進数に重み付けをし、直接10進数に変換する。

$$\begin{array}{ccc} & \text{16進数} & \\ & 1 & 2 & 4 \\ \times & \times & \times & \\ & ^2 & ^1 & ^0 \\ 16 & 16 & 16 & \\ \parallel & \parallel & \parallel & \\ 256 & + & 32 & + & 4 & = & 292 \end{array}$$

(答) アイウ … 2 9 2

b

ビット数により表現できる整数は以下のようになる。

$$\begin{array}{lll} \text{1桁:} & 0, 1 & \dots\dots\dots 0, 1 \\ \text{2桁:} & 00\sim 11 & \dots\dots\dots 0\sim 3 \\ \text{3桁:} & 000\sim 111 & \dots\dots\dots 0\sim 7 \\ \text{4桁:} & 0000\sim 1111 & \dots\dots\dots 0\sim 15 \\ & \vdots & \vdots \end{array}$$

以上より、 n 桁の場合、表現できる整数は、 $0\sim 2^n-1$ とわかる。

7桁の場合、表現できる整数は、 $0\sim 2^7-1=127$ となり、10進数213を表すことはできない。

8桁の場合、表現できる整数は、 $0\sim 2^8-1=255$ となり、10進数213を表すことができる。

(答) エ … 8

c

1を3個、0を3個用いて6桁の数を2進数で表すとき、最大の数は3個の1をできるだけ大きな位に立てればよいから、111000となる。2進数を16進数に変換するには4桁ごとに対応付ければよいから、以下のようになる。

$$\begin{array}{ccc} \text{2進数} & & \text{16進数} \\ 11\ 1000 & \Rightarrow & \text{②}\ 3\ 8 \end{array}$$

(答) オ … 2

ZIP形式は可逆圧縮されたデータ形式である。しかし、ZIP形式の圧縮方法が可逆か非可逆かわからなくても、**ス**・**ソ**の解答群のうち、圧縮されたデータ形式は③MP3と④ZIPのみであり、③MP3は非可逆圧縮形式なため、消去法で④ZIPを導くことができる。

(答) **ソ** … 4

問3

インターネットは様々なネットワークを経由して情報通信を行うので、通信の途中で誰かに内容をのぞき見される恐れがある。したがって、**タ**は①となる。

(答) **タ** … 0

- 0◆0=0
- 0◆1=1
- 1◆0=1
- 1◆1=0

上記の前提条件からM◆Kを計算すると、

- ・ M=0, K=0のとき ・ M=0, K=1のとき
- M◆K=0◆0=0 M◆K=0◆1=1
- C◆K=0◆0=0 C◆K=1◆1=0

となる。

(答) **チ** … 0 **ツ** … 0

M=1の場合、M◆K=Cは以下の2通りであり、K=0なら1、K=1なら0となる。

- 1◆0=1
- 1◆1=0

CがKを知らない見田さんに知られてしまったとき、C=0の場合、C◆K=Mは、以下の2通りであり、K=0なら0、K=1なら1となる。

- 0◆0=0
- 0◆1=1

(答) **テ** … 2 **ト** … 1

ナ

を導くには、表1を完成させて具体的に考える。

まずM◆K=CやC◆K=Mを用いて計算し、①とする。次にM'◆K=C'を計算し、②とする。

表1 値の組み合わせ					①		②							
M	M'	K	C	C'	M	M'	K	C	C'	M	M'	K	C	C'
0	0	0	?	?	0	0	0	0	?	0	0	0	0	0
0	0	?	1	1	0	0	1	1	1	0	0	1	1	1
?	?	0	0	1	0	?	0	0	1	0	1	0	0	1
?	?	1	1	0	0	?	1	1	0	0	1	1	1	0
1	0	0	?	?	1	0	0	1	?	1	0	0	1	0
1	0	1	?	?	1	0	1	0	?	1	0	1	0	1
1	1	0	?	?	1	1	0	1	?	1	1	0	1	1
1	1	1	?	?	1	1	1	0	?	1	1	1	0	0

②の表より、CとC'が等しい値である時のみ、MとM'は等しいことがわかるので、

ナ

は②CとC'が等しい となる。

(答) **ナ** … 2

第2問(必答問題)
問1

記法1では、図1のT1は以下の順序で導くことができる。

1. 「A」対「B」 → 「(A×B)」
2. 「C」対「D」 → 「(C×D)」
3. 「AとBの勝利チーム」対「BとCの勝利チーム」 → 「④((A×B)×(C×D))」

記法1では、図2のT2は以下の順序で導くことができる。

1. 「A」対「B」 → 「(A×B)」
2. 「AとBの勝利チーム」対「C」 → 「((A×B)×C)」
3. 「A対Bの勝利チーム対Cの勝利チーム」対「D」 → 「①(((A×B)×C)×D)」

(答) … 4 … 1

問2

まず括弧を付けた状態で、「×」を「*」に変更し、対戦チームの直後に移動すると「((A×B)×C)」は以下ようになる。

$$((AB*)C*) \quad \dots (i)$$

次に(i)から括弧を削除すると以下の表現になる。

$$\textcircled{6}AB* \quad \textcircled{5}C*$$

(答) … 6 … 5

「*」は試合を行う順に左から並んでいるので、この例では、はじめに「A」と「B」が対戦し、その「勝利チーム」と「C」が対戦することになる。したがって、決勝戦の対戦チームは、「AとBの勝利チーム」と「C」となる。

(答) ・ … 7 ・ 2

「((A×B)×(C×D))」を記法2であらわすと次のようになる。

$$AB*CD**$$

したがって、7文字となる。

(答) … 7

問3

図1の組合せ例T1は、記法1では以下のようにになる。

$$((A \times B) \times (C \times D))$$

記法2では以下のようにになる。

$$2 AB*CD**$$

記法3では末尾に並ぶ「*」をすべて削除するので

$$AB*CD$$

となる。したがって、図1の組合せ例T1は記法3では5文字となる。

(答) … 5

記法3で「AB*CD*EF」に対応する記法1を考える。「*」は試合を行う順に左から並んでいるので、その規則に則って記法1であらわすと、

$$(A \times B) \times (C \times D) EF$$

となり、EFが余るため、末尾に並んでいた「*」が削除されることがわかる。まず「E」と「F」の対戦、そして、その「勝利チーム」と「A, B, C, Dのうちの勝利チーム」の対戦のため、末尾には「*」が2個ついていたとわかる。したがって、記法3での「AB*CD*EF」を記法1ですべてあらわすと、

$$\textcircled{2}(((A \times B) \times (C \times D)) \times (E \times F))$$

となる。

(答) … 2

コ について、考えうるもっとも簡単な具体例を用いて、解答群の正誤判定を行う。

- ①：そもそも $n=2$ や $n=4$ の場合、割り切れないので不適切。
 ②：例えば $n=2$ の場合、優勝までに必要な試合数は1回であるが、「*」の出現回数は0回であるので不適切。
 ③：例えば $n=3$ において、「 $(A \times (B \times C))$ 」の場合、**記法3**では「ABC」となり、「*」が1回も出現しないので不適切。
 ④：例えば $n=2$ の場合、「*」が1回も出現しないので正答。

(答) **コ** … 3

問4

文字数を最小にするには、できる限り末尾に「*」がより多く出現するように記述すればよい。そうするには「試合の対戦チームは常に二つとも「*」の左側に並ぶ」という性質を用いて、以下の順で試合が早いものが後ろにくるようにすれば、すべての「*」を末尾に置くことができる。

- (i) AB*
 (ii) C AB* *
 (iii) D C AB* * *

したがって、図2の組合せ例T2は最小で4文字となる。

(答) **サ** … 4

シ について、「EAB*CD」を**記法1**に戻して考えてもよいが、「EAB*CD」の並びに着目すれば、すぐに答えを導くことができる。

まず「EAB*CD」はチーム数が5に対して「*」が1個なので、末尾の「*」が省略されているとわかる。まず「A」対「B」と「C」対「D」を行い、その後、その勝利チーム同士が試合を行う。そして、一番最後に「A」、「B」、「C」、「D」の中の勝利チームと「E」が試合を行う。したがって、「E」の初戦が決勝となる組合せは①のみとなる。

(答) **シ** … 1

第3問(選択問題)
問1

「 n 番目の分銅は 2^n グラムなので、 x を2で繰り返し割って余りを求めていけば、載せる分銅がわかる。」とあるが、この考え方は10進数を2進数に変換する方法とまったく同じである。2で割った余りは、2進数に対応する。この考え方を利用すると、 $x=713$ は以下のように考えることができ、(a)から(j)は以下のように対応する。

$$\begin{array}{cccccc}
 713 & = & 512 & + & 128 & + & 64 & + & 8 & + & 1 \\
 & & \downarrow \\
 & & 2^9 & & 2^7 & & 2^6 & & 2^3 & & 2^0 \\
 & & (a) & & (d) & & (g) & & (h) & & (j)
 \end{array}$$

したがって、(g)は、表1の6番の分銅に対応する計算である。

(答) ア … 6

同様にして、 $x=572$ を考えると以下のようになる。

$572 \div 2 =$	286 余り	0	
$286 \div 2 =$	143 余り	0	
$143 \div 2 =$	71 余り	1	2番
$71 \div 2 =$	35 余り	1	3番
$35 \div 2 =$	17 余り	1	4番
$17 \div 2 =$	8 余り	1	5番
$8 \div 2 =$	4 余り	0	
$4 \div 2 =$	2 余り	0	
$2 \div 2 =$	1 余り	0	
$1 \div 2 =$	0 余り	1	9番

したがって、 $x=572$ の場合、2番、3番、4番、5番、9番の分銅を右の皿に載せればよい。

(答) イ … 9

問2

問1で行った処理を簡単に説明すると、 x を2で割り、余りによって分銅を載せるかどうかを判定し、この動作を $x > 0$ の間、繰り返し行う、といった処理である。

図1の分銅の載せ方を表示する手続き(1)では、以上のような処理を、(0 2) ~ (0 6)と(0 7) ~ (1 1)の2つに分けて行なっている。

(0 2) ~ (0 6)では、余りを配列に格納する処理、(0 7) ~ (1 1)では、余りをもとに分銅を載せるか否かの判定を行なっている。

具体的には、(0 3)では配列Kekka1に x を2で割った余りを入れ、(0 4)では x を2で割り、商を x に格納している。

したがって、(0 3)は

$$\text{Kekka1}[\textcircled{8}i] \leftarrow \textcircled{7} x \% 2$$

となり、(0 4)は

$$\textcircled{a} x \leftarrow \textcircled{6} x \div 2$$

となる。

(答) ウ … 8 エ … 7 オ … a カ … 6

(08) では x を 2 で割った余りが 1 の場合に、分銅を載せる判定を行う。
したがって、(08) は
もし $\text{Kekka1}[\textcircled{9}j] = \textcircled{1}1$ ならば
となる。

(答) キ…9 ク…1

問3

$n+1$ 番と n 番の分銅の差が 18 な分銅の組合せは 2 番と 3 番の分銅なので、左の皿に 2 番の分銅を、右の皿に 3 番の分銅を載せればよい。

(答) ケ…2 コ…3

$x=97$ の例をもとに分銅の載せ方を表示する手続きを考える。(03) ~ (08)
 $x=97$ の例を簡単に説明すると、 x を 3 で割り、余りによって分銅を載せるかどうか、載せるのであれば左右どちらの皿に載せるのかを判定し、この動作を $x > 0$ の間、繰り返し行う、

図2の分銅の載せ方を表示する手続き(2)では、以上のような処理を、(03) ~ (08) と (09) ~ (13) の2つに分けて行なっている。

(03) ~ (08) では、余りを配列に格納する処理と余りが 2 のときに x に 1 加える処理、(09) ~ (13) では、余りをもとに分銅を載せるか否かと左右どちらの皿に載せるかの判定を行なっている。

具体的には、(04) では x を 3 で割った余りを変数 amari に入れ、 x を 3 で割った商を x に格納している。(05) では配列 Kekka2 に余りを入れている。(06) では余りが 2 のときに x に 1 加える判定を行なっている。

したがって、(04) は

$\textcircled{4}\text{amari} \leftarrow x \% 3, \quad \textcircled{7}x \leftarrow x \div 3$

となり、(05) は

$\text{Kekka2}[\textcircled{5}i] \leftarrow \text{amari}$

となり、(06) は

もし $\text{amari} = \textcircled{2}2$ ならば $\textcircled{6}x$ を 1 増やす
となる。

(答) サ…4 シ…7 ス…5

セ…4 ソ…2 タ…6

(10) では x を 3 で割った余りが 1 か 2 の場合に、分銅を載せる判定を行う。

(11) では分銅の番号と左右の皿のどちらに載せるのかを余りから判別を行う。

したがって、(10) は

もし $\text{Kekka2}[\textcircled{6}j] \neq \textcircled{0}0$ ならば

となり、(11) は

$\textcircled{6}j$ と「番の分銅を」と $\text{Sara}[\textcircled{a}\text{Kekka2}[j]]$

と「の皿に載せる。」を表示する

となる。

(答) チ…6 ツ…0 テ…a

第4問(選択問題)
問1

G3番地, H3番地は, 並び始め時刻に所要時間と待ち時間を足して, 終了時刻を計算するセルである。
以下で表1の行3を抜き出して具体的に考える。

まず単位が「分」である所要時間と待ち時間, 並び始め時刻の「分」を足し合わせる。

$$5 + 60 + 10 = 75$$

すると60分を超えているので, 「時」と「分」で表現する。その方法として,
 $75 \div 60$

の商と余りに着目する。75分=1時間15分を計算で導くには, 「時」と「分」は以下のような関係になる。

「時」: $75 \div 60$ の商

「分」: $75 \div 60$ の余り

このとき, 「時」は並び始めの時刻の10を足すことで, 終了時刻となる。以上の処理をG3番地, H3番地にあらわすと, G3番地は

$$\textcircled{3} \text{INT} (E3 + (C3 + D3 + F3) / 60)$$

となり, H3番地は

$$\textcircled{4} \text{MOD} (C3 + D3 + F3, 60)$$

となる。なおINTは問題の最終ページの【使用する表計算ソフトウェアの説明】に書かれている通り,

INT (式)

であり, MODは,

MOD (式, 除数)

である。

(答) … 0 … 4

移動時間の10分を空けてから, 次のアトラクションの並び始め時刻を求めるには, 終了時刻の求め方とほぼ同様の処理で求めることができる。

具体的には, 「時」を求めるには, 前のアトラクション終了時刻の「分」に10分足した値を60で割った値に前のアトラクション終了時刻の「時」を足した値の整数部分が「時」となる。「分」を求めるには, 前のアトラクション終了時刻の「分」に10分足した値を60で割った余りが「分」となる。以上の処理をE4番地, F4番地にあらわすと, E4番地は

$$\textcircled{3} \text{INT} (G3 + (H3 + 10) / 60)$$

となり, F4番地は

$$\textcircled{7} \text{MOD} (H3 + 10, 60)$$

となる。

(答) … 3 … 7

問2

表2のB3番地はA3番地の名称をもとに表3から種類を表示するセルである。したがって, B3番地は

PICKUP (各種時間! A3~A13, A3, 各種時間! B3~B13)

となる。なおPICKUPは問題の最終ページの【使用する表計算ソフトウェアの説明】に書かれている通り,

PICKUP (セル範囲1, 式, セル範囲2)

である。ここでB3番地はセル範囲B4~C9に複写するので, 各種時間のA3~A13の行と列, 計画2のA3の列, 各種時間のB3~B13の行を固定するために行番号と列番号の前に\$を付け,

PICKUP (①各種時間! \$A\$3~\$A\$13, ④\$A3,
⑦各種時間! B\$3~B\$13)

とする。

(答) … 1 … a … 7

表2のD3番地はB3番地が"食事"であれば、表4の食事待ち時間から時間帯が適切な待ち時間を表示し、"食事"以外であれば、表3の各種時間から名称と合致する待ち時間を表示するセルである。

したがって、D3番地は

IF (B3="食事",
PICKUP (食事待ち時間! A3~A13, G3,
食事待ち時間! B3~B13),
PICKUP (各種時間! , ,
各種時間! D3~D13))

となる。なおIFは問題の最終ページの【使用する表計算ソフトウェアの説明】に書かれている通り、

IF (論理式, 式1, 式2)

である。ここでD3番地はセル範囲D4~D9に複写するので、食事待ち時間のA3~A13, B3~B13, 各種時間のD3~D13の行を固定するために行番号と列番号の前に\$を付け、

IF (B3="食事",
PICKUP (食事待ち時間! ②A\$3~A\$13, ⑨G3,
食事待ち時間! ⑤B\$3~B\$13),
PICKUP (各種時間! , ,
各種時間! ⑧D\$3~D\$13))

とする。

(答) … 2 … 9 … 5 … 8

表2のE3番地はライドの待ち時間を表示し、ライド以外の待ち時間は0を表示するセルである。種類がライドの場合、D列の待ち時間とE列のライド待ち時間は同一のものとなるため、E3番地は

IF (B3="ライド", ①D3, 0)

となる。

(答) … 1

Eパスは最も待ち時間の長いライドに使うので、F3番地は

IF (NRANK (E3, E3~E9) = 1, 0, D3)

となる。なおNRANKは問題の最終ページの【使用する表計算ソフトウェアの説明】に書かれている通り、

NRANK (セル番地, セル範囲)

である。ここでF3番地はセル範囲F4~F9に複写するので、E3~E9は行を固定するために行番号の前に\$を付け、

IF (NRANK (②E3, ⑥E\$3~E\$9) = 1, 0, ①D3)

とする。

(答) … 2 … 6 … 1

問3

実質待ち時間とは、ショーの開演時刻が毎時0分であることを考慮した待ち時間である。つまりショー以外の実質待ち時間はEパス利用待ち時間と同様である。

したがってG3番地は

IF (②AND (①B3="ショー", I3≠⑨0), ⑧60-I3, ③F3) となる。

(答) … 2 … 1 … 9

… 8 … 3